## **Club Math**



les LUNDIS de 12 h 30 à 14 h 20 au 2-54-204

Exploration collective de mathématiques étonnantes sortant du cadre scolaire dans un contexte relax et allumé.

Ouvert à toutes et à tous!

## **Club Math**



les LUNDIS de 12 h 30 à 14 h 20 au 2-54-204

Exploration collective de mathématiques étonnantes sortant du cadre scolaire dans un contexte relax et allumé.

Ouvert à toutes et à tous!

## **Club Math**

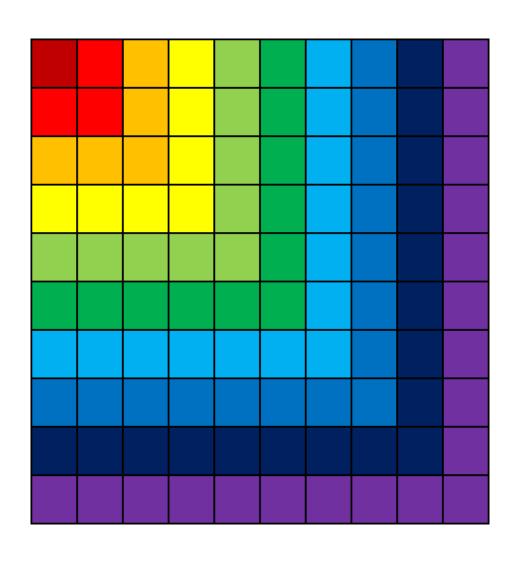


les LUNDIS de 12 h 30 à 14 h 20 au 2-54-204

Exploration collective de mathématiques étonnantes sortant du cadre scolaire dans un contexte relax et allumé.

Ouvert à toutes et à tous!

### Preuves sans mots



# **E Q ?**

### La somme des n premiers nombres impairs est égale à $n^2$

$$1 = 1 = 1^{2}$$

$$1 + 3 = 4 = 2^{2}$$

$$1 + 3 + 5 = 9 = 3^{2}$$

$$1 + 3 + 5 + 7 = 16 = 4^{2}$$

$$1 + 3 + 5 + 7 + 9 = 25 = 5^{2}$$

$$1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 = 36 = 6^{2}$$

$$1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 = 49 = 7^{2}$$

$$1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 = 64 = 8^{2}$$

$$1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 + 17 = 81 = 9^{2}$$

$$1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 + 17 + 19 = 100 = 10^{2}$$

$$\sum_{k=1}^{n} (2k - 1) = n^{2}$$

### La somme des n premiers nombres impairs est égale à $n^2$

**Affirmation**: P(n): La somme des n premiers nombres impairs est égale à  $n^2$ .

**Proposition**: Pour tout  $n \in \mathbb{N}^*$ , l'énoncé P(n) est vrai.

#### Démonstration par récurrence

**Initialisation** (démontrer que P(1) est vraie)

Directement,  $1 = 1^2$ .

**Hérédité** (démontrer que pour tout  $m \in \mathbb{N}^*$ ,  $P(m) \Longrightarrow P(m+1)$ )

Soit P(m) vraie, c'est-à-dire  $1+3+5+\cdots+(2m-1)=m^2$ . La somme des m+1 premiers nombres impairs est alors

$$1 + 3 + 5 + \cdots + (2m - 1) + (2m + 1)$$

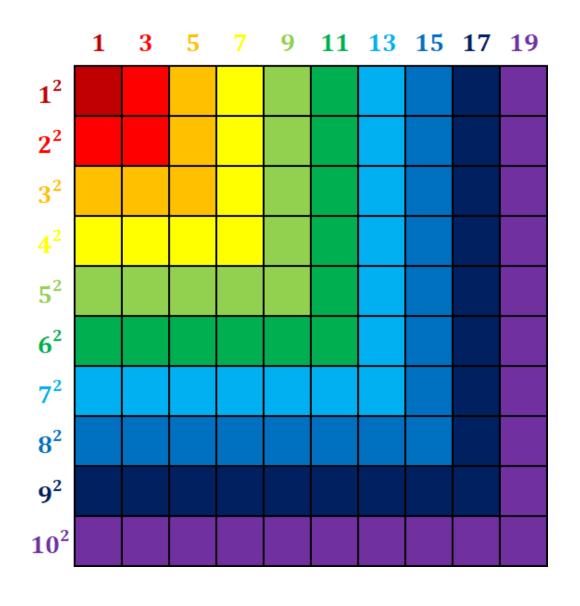
$$= (1+3+5+\cdots+(2m-1))+(2m+1)$$

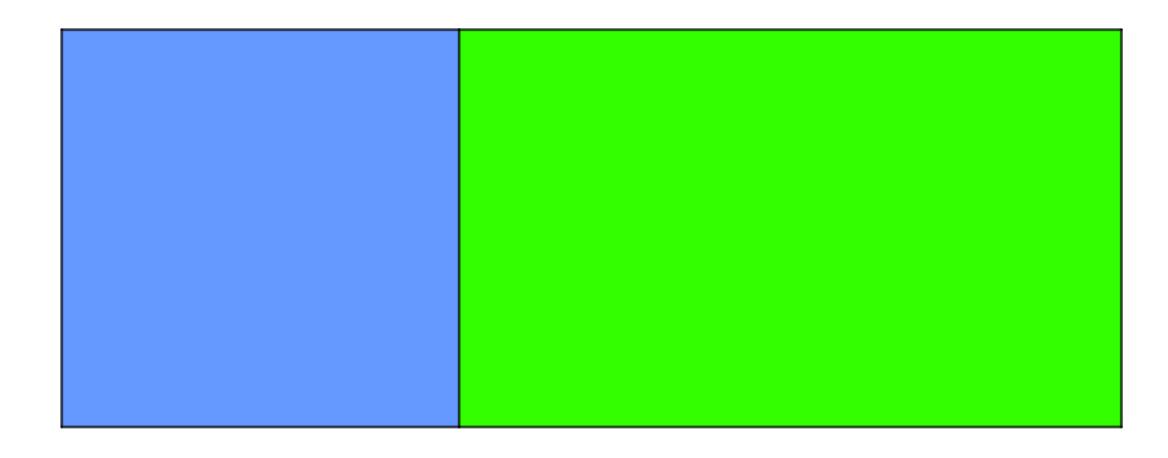
$$= m^2 + 2m + 1$$
 (hypothèse de récurrence)

$$=(m+1)^2$$

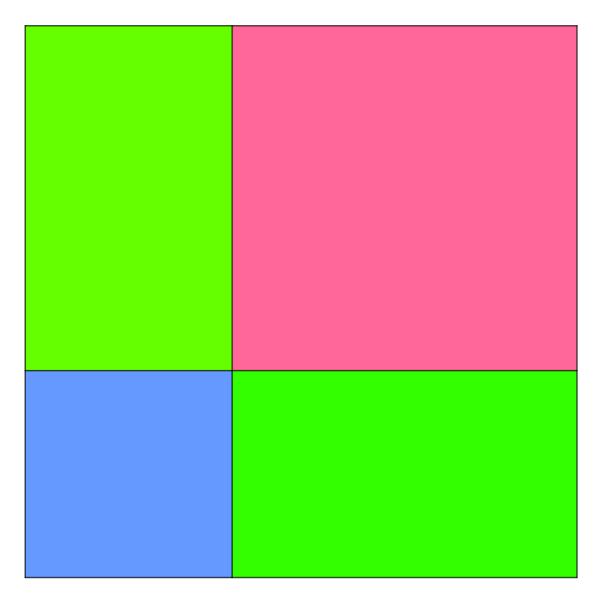
Ainsi, P(m + 1) est vraie lorsque P(m) est vraie.

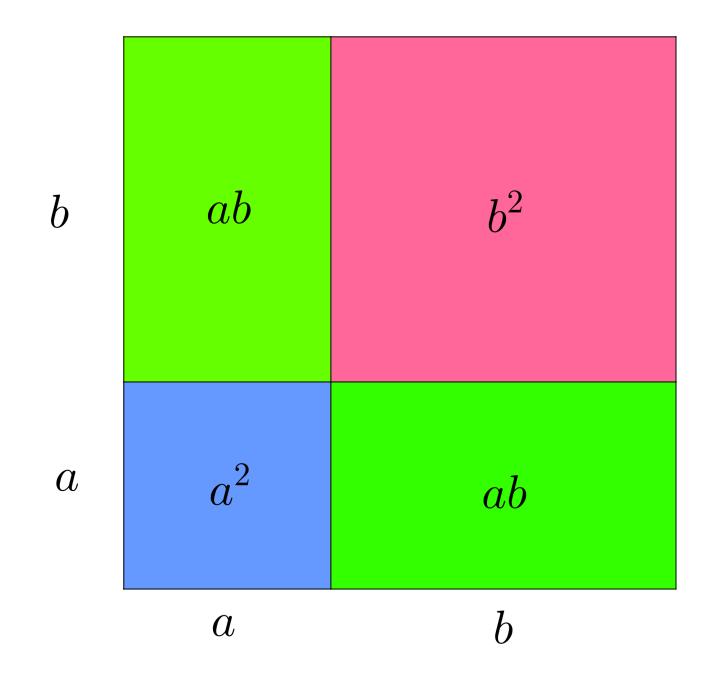
La somme des n premiers nombres impairs est égale à  $n^2$ 

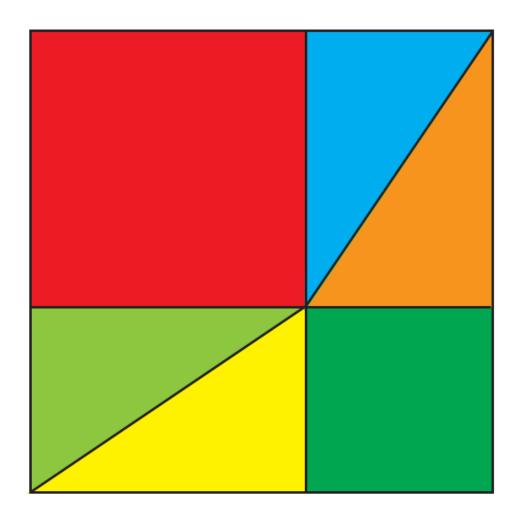


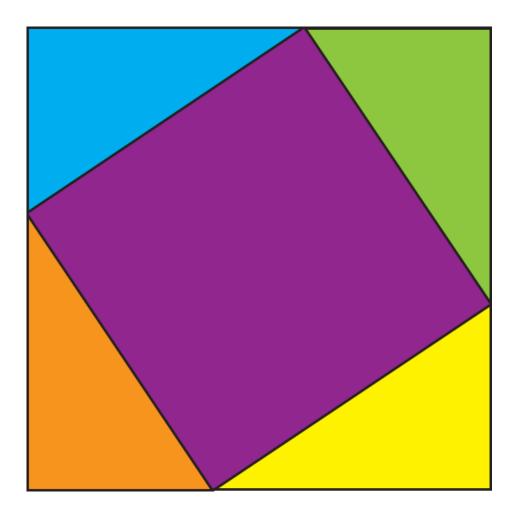


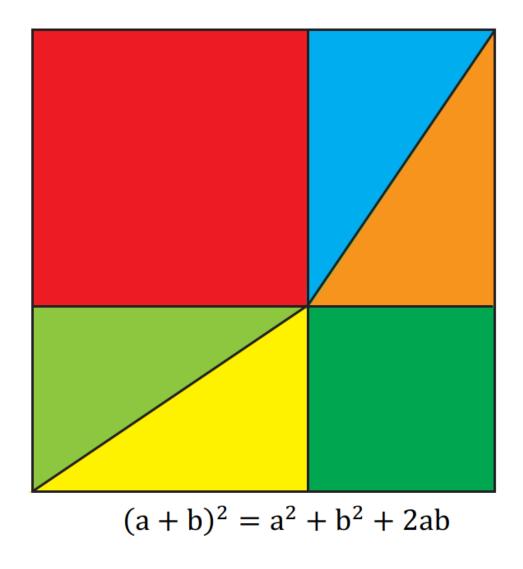
ab

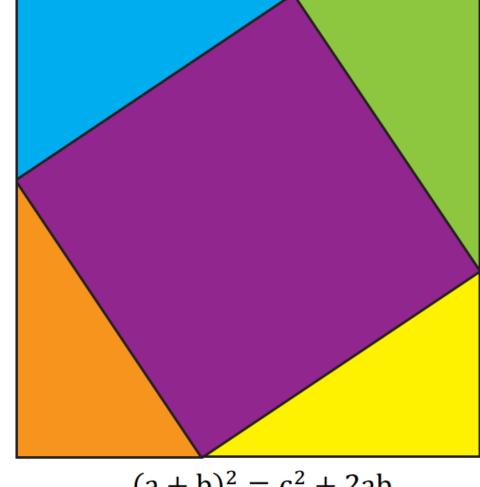




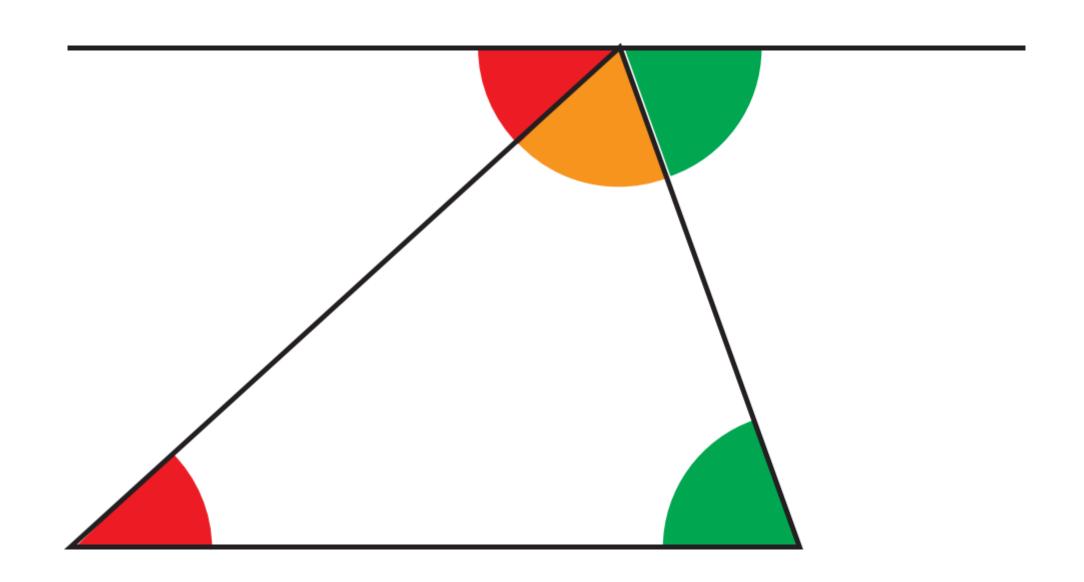


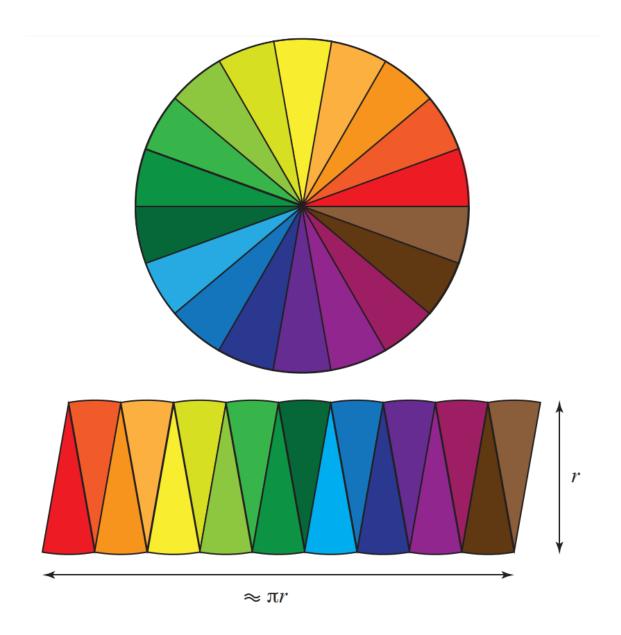






$$(a + b)^2 = c^2 + 2ab$$

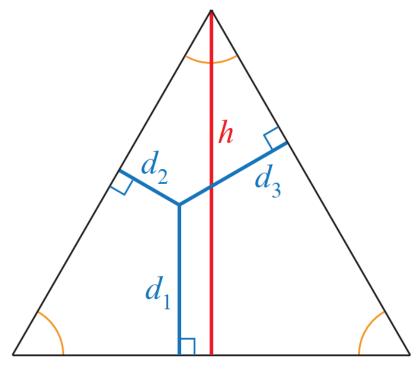


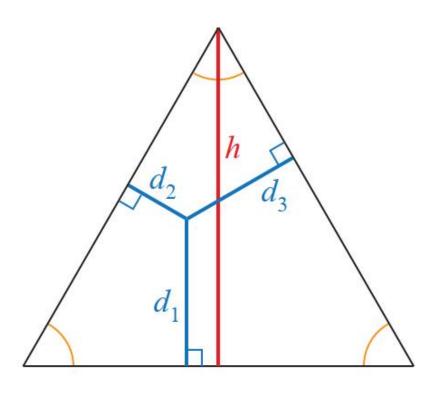


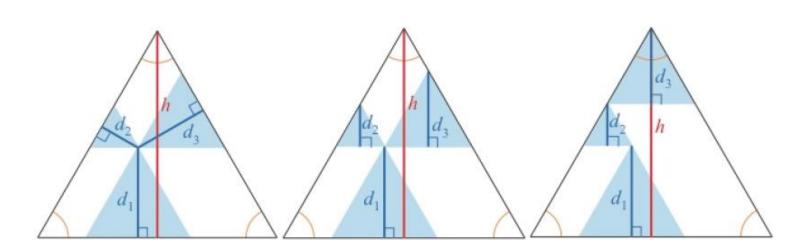
### Théorème de Viviani

Dans un triangle équilatéral, la somme des distances d'un point intérieur au triangle aux trois côtés est égale à la hauteur du triangle

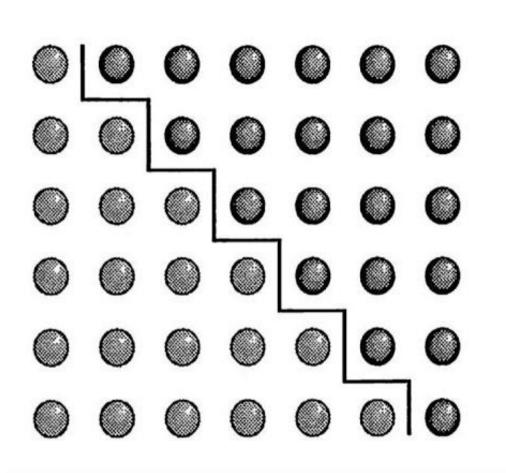
triangle.

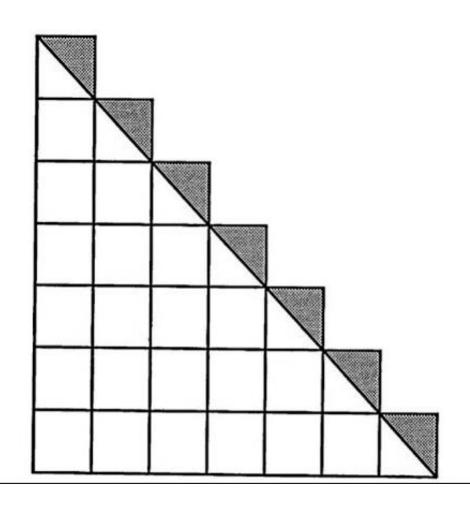






$$1+2+\cdots+n=\frac{n(n+1)}{2}$$





$$1^{2} + 2^{2} + \dots + n^{2} = \frac{n(n+1)(2n+1)}{2}$$

$$1^{3} + 2^{3} + \dots + n^{3} = \frac{1}{4} (n(n+1))^{2}$$

